

# Algoritmos e Estrutura de Dados II

*Aula 05*  
*Vetores Ordenados*  
*Busca Binária*

Prof. Dr. Dilermando Piva Jr  
2º Semestre - CDN





# Algoritmos de Pesquisa

Estruturas ordenadas - Busca binária



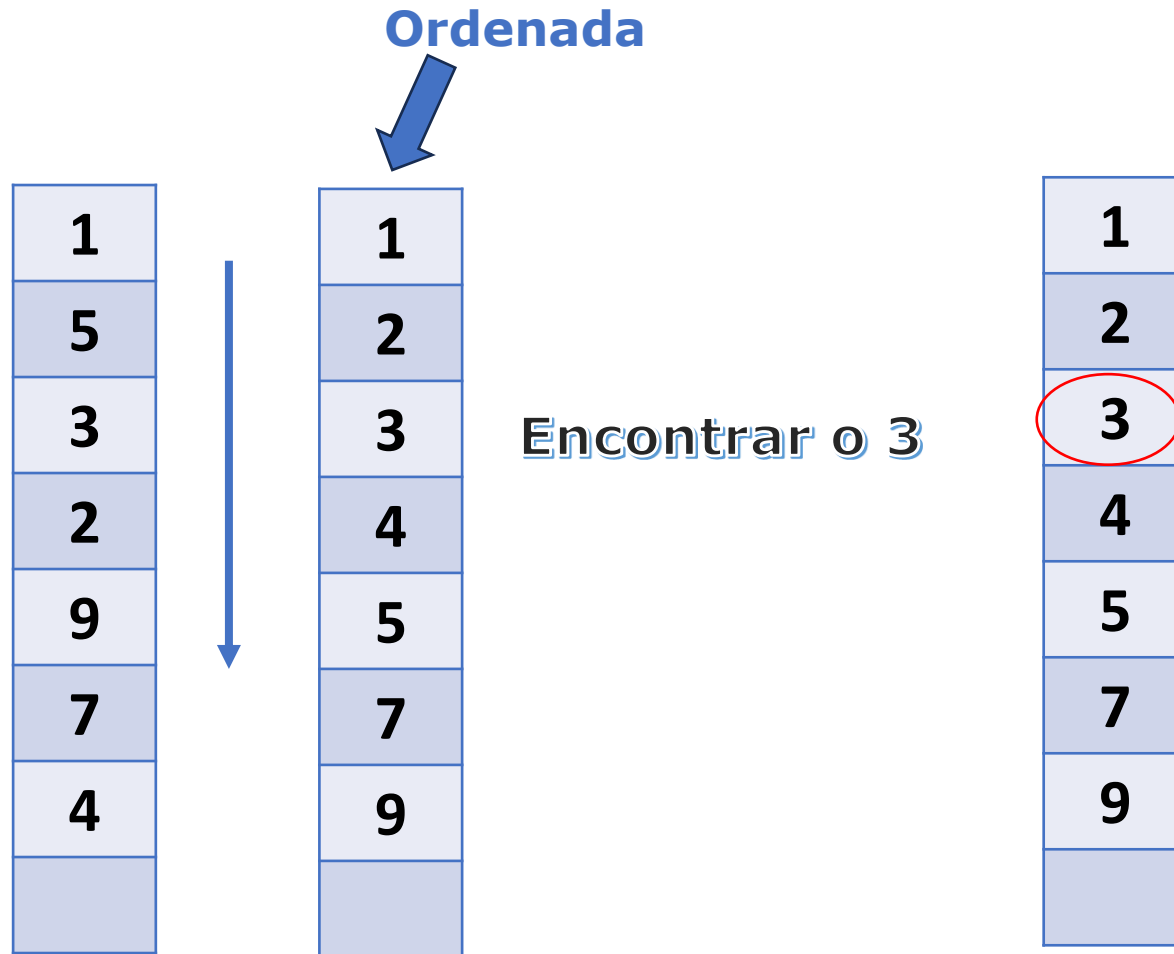
# Busca em uma lista telefônica...





# Busca em uma Lista Ordenada

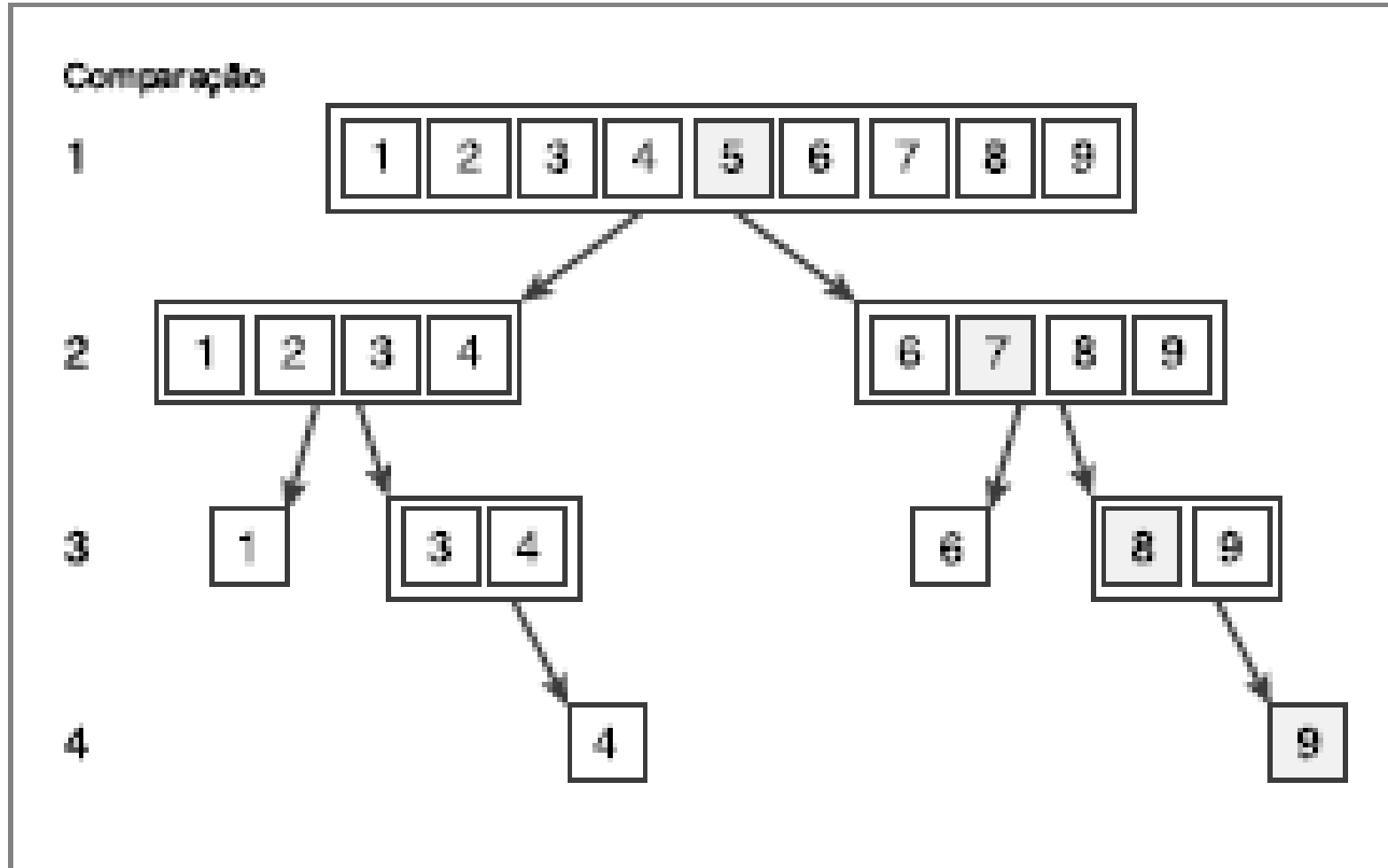
- **Problema:** buscar um valor  $v$  não existente em uma lista sequencial ordenada com  $N$  elementos
  - o tempo de busca pode ser reduzido significativamente
    - devido a relação entre os elementos da lista
    - mesmo para um conjunto de elementos é grande





# Busca Binária em uma Lista Ordenada

- **Problema:** buscar um valor  $v$  não existente em uma lista sequencial ordenada com  $N$  elementos
  - o tempo de busca pode ser reduzido significativamente
    - devido a relação entre os elementos da lista
    - mesmo para um conjunto de elementos é grande





# Pesquisa binária em uma lista ordenada (1 de 2)

Código para a função de pesquisa binária:

```
def busca_binaria(v, lista_ord):  
    esquerda = 0  
    direita = len(lista_ord) - 1  
    while esquerda ≤ direita:  
        meio = (esquerda + direita) // 2  
        if v == lista_ord[meio]:  
            return meio  
        elif v < lista_ord[meio]:  
            direita = meio - 1  
        else:  
            esquerda = meio + 1  
    return -1
```



# Busca Binária... Complexidade

- Número de passos:
  - suponha que  $n = 2^k$  sem perda de generalidade
    - 1o passo: uma lista de **n** elementos =  $n/2^0$  elementos
    - 2o passo: uma lista de **n/2** elementos =  $n/2^1$  elementos
    - 3o passo: uma lista de **n/4** elementos =  $n/2^2$  elementos
    - ..... k-ésimo passo: uma lista de **n/2<sup>(k-1)</sup>** elementos
    - (k+1)-ésimo passo: uma lista de **n/2<sup>k</sup>** elementos
  - sendo o último passo, resta na lista somente 1 elemento
- Logo:
  - $n/2^k = 1 \rightarrow k = \mathbf{\log_2 n}$



# Pesquisa binária em uma lista ordenada (1 de 2)

Código para a função de pesquisa binária:

```
def busca_binaria(v, lista_ord):  
    direita = 0  
    esquerda = len(lista_ord) - 1  
    while esquerda ≤ direita:  
        meio = (esquerda + direita) // 2  
        if v == lista_ord[meio]:  
            return meio  
        elif v < lista_ord[meio]:  
            direita = meio - 1  
        else:  
            esquerda = meio + 1  
    return -1
```

Complexidade?

**$O(\log n)$**



# VAMOS PARA A PRÁTICA ?!!!

